

مقاله سوم از زیج جامع کوشیار و جوامع علم النجوم فرغانی:
 مقایسه میان دو متن متقدم هیئت و جایگاه آنها در میان رساله‌های هیئت

حنیف قلندری

استادیار، پژوهشکده تاریخ علم، دانشگاه تهران

hanif.ghalandari@ut.ac.ir

(دربافت: ۱۳۹۵/۱۱/۱۸، پذیرش: ۰۸/۱۲/۱۳۹۵)

چکیده

عنوان کلی «هیئت» به آن دسته از آثار نجومی دانشمندان اسلامی اطلاق می‌شود که هدف از نگارش آنها عرضه توصیف کلی از جهان با استفاده از مدل‌های هندسی است. این آثار که بیشتر آنها در دوره اسلامی با ساختار و ترتیب فضول مشابهی نوشته می‌شده‌اند احتمالاً متأثر از کتاب فرض‌های سیاره‌ای بطلمیوس، یا آن طور که دانشمندان اسلامی آن را می‌نامیدند، الاقتصاد، هستند. هر چند آغاز نگارش آثار مستقل هیئت بر پایه این تعریف را باید مربوط به زمانی پس از سده ششم هجری دانست، اما دسته‌ای از آثار نجومی متقدم هستند که می‌توان آنها را مقدمه هیئت نویسی به حساب آورد. جوامع علم النجوم فرغانی و مقاله سوم از زیج جامع کوشیار گیلانی از جمله این آثار متقدم هستند که شباهت بیشتری به رساله‌های هیئت مستقل بعدی دارند. در این مقاله با در نظر گرفتن ساختار چهار بخشی مقدمات ریاضی و طبیعی، اوضاع آسمان، اوضاع زمین و ابعاد و اجرام برای آثار هیئت محتواهای این دو رساله را با یکدیگر مقایسه کرده‌ایم و میزان شباهت هر یک از آنها را با آثار هیئت سنجدیده‌ایم. این مقاله مدعی است که «باب فی الهیئت» از زیج جامع کوشیار گیلانی بیش از جوامع علم النجوم فرغانی به آثار هیئت شبیه است و احتمالاً بر آنها مؤثر بوده است.

کلیدواژه‌ها: کوشیار گیلانی، زیج جامع، جوامع علم النجوم، فرغانی، هیئت.

مقدمه

آثار نجومی دانشمندان اسلامی را می‌توان به دو گروه عمدۀ تقسیم کرد: نخست کتاب‌هایی در مباحث نظری نجوم که در آنها مقدمات ریاضی، اثبات براهین هندسی حرکات افلاک، محاسبۀ مشخصه‌های مربوط به هر یک از سیارات و توصیف حرکات اجرام آسمانی آمده است و دوم کتاب‌هایی که معمولاً از آنها با عنوان «کتاب‌های عمل» یاد می‌شود و آثاری مانند زیج‌ها، تقاویم و کتاب‌هایی در شناخت و ساخت ابزارهای نجومی در این گروه قرار می‌گیرند.^۱ آثاری که در گروه نخست قرار دارند، خود در دو سنت نگارشی متمایز قابل دسته‌بندی هستند: دسته اول آثاری که در آنها الگوهای حرکات اجرام آسمانی همراه با براهین هندسی آمده است و دیگری آثاری با عنوان کلی «هیئت». در توصیف این دسته اخیر به طور خلاصه می‌توان گفت منظور آثاری هستند که در آنها مفاهیم مجرد ریاضی در باره افلاک و گردش آنها بر مفاهیم فیزیکی منطبق شده‌اند. از این رو می‌توان این دسته از آثار را با کمی تسامح کیهان‌شناسی علمی پیشینیان تلقی کرد.

با بررسی آثار نجومی دانشمندان اسلامی و برخی کتاب‌های طبقه‌بندی علوم می‌توان گفت که تمایز میان دانش نجوم و دانش هیئت و جدا کردن شاخه‌ای با عنوان دانش هیئت و تبیین موضوع و هدف و ابواب آن در آثاری که در اواخر سده پنجم و نیمه نخست سده ششم هجری و به بعد نوشته شده‌اند، آشکار می‌شود. همچنین نوشته شدن بیشتر آثار مستقل در باره هیئت نیز متعلق به همین دوران و پس از آن است. از این رو می‌توان مدعی شد که دانشمندان اسلامی دانش هیئت را به تدریج به عنوان شاخه‌ای از علم نجوم متمایز کرده‌اند و موضوعات و ابواب آن را تعیین کرده‌اند و آثار مستقلی در این باره نوشته‌اند. بر اساس تعاریف مندرج در این آثار می‌توان هیئت را این طور تعریف کرد: هیئت عبارت است از علمی توصیفی که در آن به بخشی از مقدمات و مطالب علم نجوم و جغرافی ریاضی پرداخته می‌شود، اما در آن برهان‌های هندسی در باره چگونگی گردش افلاک یا جدول‌هایی که مؤلفه‌های مختلف حرکت

۱. کوشیار گیلانی در مقدمۀ مقاله سوم از زیج جامع (برگ ۳۱۹) که در باره هیئت نوشته است چنین می‌گوید: «ولما فرغت من المقالتين الأوليين في الجزء العملي من الصناعة وهو الحساب والجداول بدأت أشرع فيما وعدت من المقالتين الآخريين في الجزء النظري وهو الهيئة والبرهان». منظور از دو مقاله نخست مقالاتی است که در باره محاسبات زیج و جدول‌های آن نوشته است. او در «جزء نظری» به سراغ هیئت و برهان‌های هندسی می‌رود و در ادامه این عبارت می‌گوید که پرداختن به برهان‌های هندسی بدون دانستن هیئت ممکن نیست.

اجرام آسمانی در آنها می‌آید، عرضه نمی‌شوند. به همین سبب کتاب‌هایی که با عنوان کلی «هیئت» نوشته می‌شده‌اند در مقایسه با دیگر کتاب‌ها و به ویژه زیج‌ها ساده‌تر و کوتاه‌تر هستند (در این باره نک: رجب،^۱ ص ۳۳-۳۶؛ قلندری، ص ۱۱-۱۴؛ گمینی، ص ۲۴۸-۲۵۲). می‌توان برای کتاب‌های هیئت نیز حداقل یک دسته‌بندی پیشنهاد کرد و آنها را به دو دسته کتاب‌های جامع هیئت و کتاب‌های مختصر هیئت تقسیم کرد. در ساده‌ترین عبارت کتاب‌های مختصر را می‌توان آن دسته از آثار هیئت تلقنی کرد که عمدتاً به منظور آموزش نجوم نوشته می‌شده‌اند و آثار جامع آنها می‌هستند که برای مطالعه متخصصان این حوزه نوشته می‌شده‌اند (گمینی، ص ۲۵۲).

نویسنده‌گان کتاب‌های هیئت در نوشتن آنها از ساختار مشخصی پیروی می‌کرده‌اند. هر چند این ساختار را در همه کتاب‌های هیئت نمی‌توان دید اما می‌توان گفت عمدۀ آثار هیئت به ویژه آثاری که در سده هفتم هجری نوشته شده‌اند مشتمل بر چهار فصل اصلی هستند: ۱- مقدمات ریاضی و طبیعی، ۲- در باره آسمان و گردش اجرام سماوی، ۳- در باره زمین و اوضاع آسمان نسبت به مواضع مختلف آن (جغرافیای ریاضی) و ۴- ابعاد و اجرام (رجب، ج ۱، ص ۳۶؛ قلندری، ص ۲۷-۲۸؛ گمینی، ص ۱۵۰-۱۵۱). همان طور که پیش‌تر آورده‌ی زمان نوشته شدن نخستین آثار هیئت را باید مربوط به اواخر سده پنجم و نیمة نخست سده ششم هجری بدانیم. گیهان شناخت نوشته قطان مروزی (به زبان فارسی) که احتمالاً در ۴۹۸ق نوشته شده است و منتهی الادراک فی تقاسیم الأفلاک نوشته عبدالجبار خرقی (به زبان عربی) که در سال‌های ۵۲۶-۵۲۷ق نوشته شده است، نخستین کتاب‌هایی هستند که با ساختاری مشابه نوشته شده‌اند و آنها را باید نخستین آثار هیئت نامید.^۲ در ادعایی روشن‌تر سه اثر عبدالجبار خرقی را در هیئت^۳ می‌توان منبع اصلی نویسنده‌گان بعدی آثار هیئت در دوره

1. F. J. Ragep

۲. با در نظر گرفتن ترتیب مطالب گیهان شناخت و همچنین مطالب منقول در آن باید گفت که ارزش آن در این تقسیم‌بندی با جایگاه منتهی الادراک قابل مقایسه نیست. با این حال به عنوان یک اثر فارسی که صورتی مشابه آثار فارسی بعدی در هیئت دارد لازم است که در این دسته‌بندی از آن یاد کنیم.

۳. این سه اثر عبارتند از منتهی الادراک فی تقاسیم الأفلاک و التبصرة فی علم الهیثة که نخستین اثری جامع و دومی مختصر در هیئت به زبان عربی هستند و بر پایه شواهد موجود همزمان (در سال‌های ۵۲۶-۵۲۷ق) نوشته شده‌اند (نک: قلندری، ص ۶-۷). اثر سوم کتابی است با عنوان عمدۀ خوارزمشاهی که به زبان فارسی نوشته شده است و زمان نگارش آن به احتمال بسیار سال ۵۳۶ق است. پیش از این گمان می‌رفت که این کتاب ترجمه‌ای از

اسلامی دانست. به رغم این تفکیک تاریخی در آثار نجومی دانشمندان اسلامی در سده‌های نخستین نیز نمونه‌هایی می‌توان یافت که شکل کلی آنها به آثار هیئت نزدیک است. این دسته از آثار را در این مقاله «آثار متقدم هیئت» می‌نامیم (قس: گمینی، ص ۲۵۲). در این نامگذاری منظور از آثار متقدم آثاری هستند که پیش از کتاب فی هیئت العالم ابن هیثم نوشته شده‌اند. فی هیئت العالم رساله‌ای است که خرقی در مقدمهٔ منتهی‌الإدراک مدعی است که کتاب خود را به پیروی از فی هیئت العالم نوشته است و به قول او این نخستین کتابی است که در آن به هیئت مجسم افلاک^۱ توجه شده است. با در نظر گرفتن این ملاک تاریخی و بررسی آثار منتبه به دانشمندان اسلامی در فهرست‌ها می‌توان آثار مستقل زیر را آثار متقدم هیئت به حساب آورد.

جدول ۱. آثار متقدم هیئت

عنوان کتاب	مؤلف	سال نگارش
فی ترکیب الأفلاک	يعقوب بن طارق	حدود ۱۶۱ ق
تسهیل المحسطی	ثابت بن قره	سده سوم هجری
فی ذکر الأفلاک و خلقها ...	ثابت بن قره	سده سوم هجری
جوامع علم النجوم	فرغانی	سده سوم هجری

جوامع علم النجوم از میان این چهار رساله از همه شناخته شده‌تر است و بیش از باقی رساله‌ها به آثار هیئت بعدی شبیه است (در بارهٔ جوامع نک: صبره،^۲ ص ۵۴۱-۵۴۴). در ادامه بیشتر به این کتاب خواهیم پرداخت اما سه رساله دیگر: از رسالهٔ نخست نسخه‌ای در دست نیست و تنها گزارش موجود جدول‌های ابعاد و اجرام^۳

منتھی‌الإدراک است اما با تکیه بر شواهدی که به دست آمده و نیز یافته شدن نسخه‌های دیگری از این کتاب روشن شده است که عمدۀ خوارزمشاھی اثری مستقل در هیئت است که خرقی به زبان فارسی آن را نوشته است.
۱. منظور از هیئت مجسم افلاک در نظر گرفتن فلک‌های سه بعدی به جای مسیرهای دایره‌ای است. همین مسئلهٔ تفاوت اصلی میان محسطی و الاقتصاد بطلمیوس نیز هست و از همین روست که الاقتصاد را منبع یونانی دانشمندان اسلامی در نگارش آثار هیئت به شمار می‌آورند (در بارهٔ الاقتصاد نک: معصومی همدانی، «الاقتصاد»، ص ۲۶۱-۲۶۵). متن یونانی الاقتصاد به طور کامل به دست ما نرسیده است اما متن کامل عربی آن موجود است که گلدلشتاین آن را به صورت تصویری به چاپ رسانده و بخش دوم مقاله اول را به انگلیسی ترجمه کرده است (نک: مأخذ لاتین، Goldstein). همچنین رئیس مورلون (Goldstein، ۱۹۹۳م، سراسر مقاله) مقالهٔ نخست را تصحیح کرده و به فرانسوی ترجمه کرده است.

2. A. I. Sabra

۳. منظور از ابعاد و اجرام محاسبه فاصله اجرام آسمانی تا زمین و نسبت حجم آنها به حجم زمین است. در بیشتر این محاسبات مقدار شعاع (یا قطر) زمین و حجم آن را واحد در نظر می‌گرفتند و نسبت فواصل و احجام باقی

است که بیرونی در تحقیق مالله‌ند به نقل از کتاب یعقوب بن طارق آورده است (ص ۲۳۴-۲۳۵).^۱ بیرونی اشاره می‌کند که یعقوب این مقدارها را در سال ۱۶۱ق/۷۷۸م از منابع هندی استخراج کرده است (نیز نک: پینگری،^۲ ص ۱۰۵). او در ادامه می‌نویسد که این مقدارها با آنچه بطلمیوس در الاقتاصاص^۳ آورده است متفاوت هستند و روش محاسبه نیز با آنچه بطلمیوس و علمای متقدم و متأخر به پیروی از او می‌آورده‌اند، متفاوت است^۴ (بیرونی، تحقیق...، ص ۲۳۶). در میان محققان معاصر، پینگری معتقد است که یعقوب بن طارق در نوشتن این ارقام کاملاً به منابع هندی پاییند نبوده است. او برای اقامه دلیل بر مدعای خود ارقام یعقوب بن طارق را با دو منبع اصلی نجوم هندی، که احتمالاً دانشمندان اسلامی با آنها آشنا بوده‌اند، مقایسه کرده است. در نتیجه هر چند او معتقد است که نمی‌توان به طور قطع در باره منبع یونانی یعقوب بن طارق اظهار نظر کرد اما ارقام او را می‌توان به نوعی متأثر از الاقتاصاص دانست (پینگری، ص ۱۰۵-۱۰۹؛ نیز نک: رجب، ج ۱، ص ۲۹).

دو رساله دیگر که به ثابت بن قره (د. ۲۸۸ق/۱۰۱م) منسوب هستند،^۵ یعنی تسهیل المحسنی و فی ذکر الأفلاک... بسیار مختصرتر از جوامع علم النجوم نوشته شده‌اند. در تسهیل المحسنی نخست برخی از تعاریف آمده‌اند (مورلون، ۱۹۸۷م، ص ۳-۴)، سپس در باره حرکات اجرام سماوی سخن گفته شده است (همو، ص ۴-۶) و پس از آن مقادیر ابعاد و اجرام سیارات و ماه و خورشید نوشته شده است (همو، ص ۶-۱۳). همان طور که از تعداد صفحات رساله می‌توان دریافت اطلاعات در قالب

اجرام آسمانی را به زمین محاسبه می‌کردنند و در جدول‌های ثبت می‌کرددند.

۱. در سیاهه آثاری که ابن ندیم از یعقوب بن طارق آورده است (ص ۳۳۶)، نام این کتاب نیامده است و عنوان این کتاب نیز از عبارت بیرونی در تحقیق مالله‌ند بدست آمده است: «هو ما ذكره يعقوب بن طارق في كتابه في تركيب الأفلاك...» (ص ۲۳۳).

2. D. Pingree

۳. بیرونی در تحقیق مالله‌ند (ص ۲۳۶) و در التنهیم (ص ۱۵)، الاقتاصاص را منشورات نامیده است.

۴. «وهذا رأى مخالف لما يُبني عليه بطلميوس أمر الأبعاد في كتاب المنشورات واتبعه عليه القدماء والمحدثون...»

۵. در این مورد نیز در سیاهه آثار ثابت بن قره در الفهرست (ابن ندیم، ص ۳۳۱) نام این دو کتاب نیامده است اما ابن ابی اصیبیعه (ج ۱، ص ۲۱۸-۲۱۹) در طبقات الأطیا از این دو کتاب نام برده است. در مجموع در فهرست‌های قسطی (ص ۱۱۶-۱۲۰) و ابن ابی اصیبیعه (ص ۲۱۸-۲۲۰) از پنج کتاب دیگر با عنوان‌هایی مشابه این دو اثر نام برده شده است که از قرار معلوم نسخه‌ای از آنها برجا نمانده است. مورلون در مقدمه آثار نجومی ثابت بن قره نک: معصومی همدانی، ص ۷۵۱).

جملات کوتاه و بريده بريده نوشته شده‌اند و گوئی اين رساله صرفاً برای اطلاع خواننده از کليات نظام بطلميوسي نوشته شده است. في ذكر الأفلاك... از رساله نخست نيز مختصرتر است (همو، ص ۱۹-۲۴) و در آن تنها به معرفی افلاك سيارات پرداخته شده است و از تعاريف و مقادير ابعاد و اجرام خبری نیست.

به اين رساله‌ها باید يك مقاله از زيج جامع کوشيار را بيفزاييم. هر چند اين مقاله رساله مستقلی نیست اما چگونگی ترتيب و تنظيم مطالب آن موجب می‌شود که آن را در کنار آثار متقدم هيئت بياوريم (نك : دنباله مقاله). بررسی ترتيب فصل‌های كتاب همچنین نشان می‌دهد که اين مقاله همچون جوامع علم النجوم فرغاني بسيار شبیه آثار بعدی هيئت است. در اين مقاله اين دو رساله را بر پایه عنوان فصل‌ها و کليات مطالب آنها با يكديگر مقاييسه کرده‌ایم. اين مقاييسه می‌تواند محتواي اين دو رساله را آشكار کند و همچنین مبنائي برای بررسی تأثير اين دو رساله بر آثار بعدی هيئت باشد.

جوامع علم النجوم

نام كامل نويسنده آن احمد بن محمد بن کثير فرغاني، منسوب به فرغانه از شهرهای ماوراء النهر، است. در منابع زندگی‌نامه‌ای در ذکر نام او اختلاف وجود دارد، ابن نديم (ص ۳۲۷) و ابن تغري بردی (ج ۲، ص ۳۱۱) او را محمد بن کثير ناميده‌اند و ابن دايه (ص ۱۳۰)، قاضي صاعد (ص ۲۲۵)، ابن عبری (ص ۱۳۶) و ابن ابي اصبيعه (ج ۱، ص ۲۰۷) با نام احمد بن کثير از او ياد کرده‌اند. فقط نيز از دو فرغاني نام بerde است، يك پدر و پسر، محمد بن کثير (ص ۲۸۶) و احمد بن محمد بن کثير (ص ۷۸). اين اختلاف در ضبط نام، در نسخه‌های موجود از اين كتاب نيز به چشم می‌خورد. در صفحه نخست نسخه‌ای از اين كتاب که ياكوب گوليوس در ۱۶۶۹ ميلادي در آمستردام به همراه ترجمه و شرح لاتيني منتشر کرده است، نام نويسنده محمد بن کثير فرغاني آمده است و در ابتداي نسخه كتابخانه دانشگاه پرينستون^۱ نام

۱. اين نسخه به شماره ۹۶۷ در كتابخانه دانشگاه پرينستون نگهداري می‌شود. حسب ترقيمه پيان نسخه كتاب آن در سال ۱۰۶۸ به دست خليل بن احمد التونسي انجام شده است. (وكان الفراج من نسخه بخط الفقير خليل بن احمد التونسي عفى عنه الله تعالى في ۲۲ شهر الحجة ختام عام سنة ۱۰۶۸). برگ‌های ۲ رو تا ۹۶ و اين نسخه جوامع علم النجوم فرغاني است. از برگ ۹۶ پشت تا ۱۱۲ پشت فصل‌هایی از باب «في الهيئة» کوشيار استتساخ شده‌اند. كاتب شماره فصل‌ها را ۹، ۱۰، ۱۱ و ۳ گفته است اما از مقاييسه روشن می‌شود که فصل‌های ۹، ۱۰، ۱۱ و ۳ از رساله کوشيار استتساخ شده‌اند. علت اشتباهی را که در نام بردن شماره فصل‌ها رخ داده است، از نسخه

نویسنده به صورت «احمد بن محمد بن کثیر الفرغانی الحاسب» ثبت شده است (برگ ۱ پ). محققان معاصر این اختلاف را ناشی از اختلاف نسخه‌ها دانسته‌اند و نام کامل او را همان احمد بن محمد بن کثیر تلقی کرده‌اند (زوتر^۱ و ورنت^۲، ص ۷۹۳؛ صبره، ص ۵۴۱؛ دیونگ^۳، ص ۳۵۷). این آشتفتگی در ضبط نام کتاب او نیز به چشم می‌خورد. در صفحهٔ نخست نسخهٔ چاپ شده عنوان آن «كتاب في حركات السماوية و جوامع علم النجوم» آمده است و در نسخهٔ خطی این عنوان به صورت «جوامع علم النجوم و اصول الهيئة و حركات الأشخاص السماوية» نوشته شده است. در آثار دورهٔ اسلامی نیز گزارش یکتاپی از نام کتاب فرغانی نمی‌توان یافت. ابن ندیم نام کتاب را الفصول اختيار الماجستی آورده است (ص ۳۳۷) و قاضی صاعد از آن با عنوان المدخل إلى علم هیئت الأفلاک و حركات النجوم یاد کرده است (ص ۲۲۵). ابن رسته در الأعلاق النفيسة آن را علل الأفلاک نامیده است (ص ۹) و بیرونی نیز آن را فصول فرغانی نامیده است (رسالة للبیرونی...، ص ۳۲). توصیف قسطی ذیل نام احمد بن محمد عین عبارت قاضی صاعد است و نام کتاب همان المدخل إلى علم هیئت الأفلاک و حركات النجوم آمده است (قسطی، ص ۷۸؛ نیز نک: ابن عربی، ص ۱۳۶) که او نیز به نقل از قاضی صاعد این عبارت را با اندکی تغییر آورده است. او در یاد کردن از محمد بن کثیر به پیش‌دستی او در صناعت نجوم اشاره می‌کند و دو کتاب را به نام‌های الفصول و اختصار الماجستی به او منسوب می‌کند (ص ۲۸۶). می‌توان حدس زد که این دو عنوان تصحیفی از عنوان الفصول اختيار الماجستی است که ابن

نمی‌توان دریافت. کاتب همچنین رسالهٔ مفرد ابعاد و اجرام را که کوشیار در توضیح فصل ۲۲، که در بارهٔ ابعاد و اجرام است، به باب «في الهيئة» افزوده بود کتابت کرده است اما متن این فصل در این نسخه کامل نیست. تفصیل روش‌های هندسی محاسبهٔ ابعاد و اجرام که کوشیار آنها را در رسالهٔ خود آورده بود از این نسخه حذف شده‌اند. این فصل‌ها عبارتند از: «مقدار طول الظل ومقدار قطره حيث يمر القمر به ومقدار قطر الشمس عند بعد الأوسط من مقدار قطر القمر عند بعد الأبعد وبعد الشمس من الأرض»، «مقدار ظل القمر» و تفصیل محاسبات مربوط به ابعاد و اجرام سیارات (در این باره نک: باقری و دیگران، ۲۰۱۰، سراسر مقاله). در برگ‌های ۱۱۳ و ۱۱۶ پشت، که آخرین برگ نسخه است، مطالب مختلفی آمده که البته بیشتر آنها به نجوم مربوط می‌شوند. در ابتدای برخی از آنها کاتب با قلم قرمز کلمه «فایده» را نوشته و بعد نکته‌ای را توضیح داده است.

1. H. Suter

2. J. Vernet

3. G. DeYoung

ندیم به فرغانی نسبت داده بود (برای اطلاع از عنوان‌های دیگری که کتاب فرغانی بدانها نامیده شده است نک: روزنفلد،^۱ ص ۳۲).

این کتاب را در کنار زیج صابی، اثر بتانی، شناخته شده‌ترین آثار نجومی دوره اسلامی نزد اروپاییان دانسته‌اند. جوامع علم النجوم نخستین بار در سده ۱۲ میلادی به لاتینی ترجمه شد و در اروپای قرون وسطی مشهور شد. رگیومونتانوس، ریاضی‌دان مشهور سده پانزدهم میلادی، حاشیه‌ای بر چاپ نخستین این کتاب نوشته است (برای اطلاع بیشتر در باره ترجمه‌های لاتینی و انتشار این کتاب در اروپا این کتاب نک: زوتر و ورنت، ص ۷۹۳؛ کرامتی، ص ۱۳۸؛ نیز نک: عبد‌الحیموف،^۲ ص ۱۴۲-۱۴۳^۳).

این کتاب در میان مسلمانان نیز مشهور بوده است. قاضی صاعد در توصیف کتاب می‌نویسد:

... و آن کتابی است کوچک با فایده‌ای بسیار، مشتمل بر سی باب است و خلاصه مجسطی در آن آمده است، به بهترین لفظ و روشن‌ترین عبارت^۴ (ص ۲۲۵).

ابن رسته نیز آغاز کتاب خود ذکر دلایل کرویت آسمان و زمین را و اینکه زمین در میان آسمان است، از این کتاب آورده است (ص ۹ به بعد).^۵ بیرونی نیز در فهرستی که از آثار رازی گردآورده است مدعی شده است که به درخواست کسی کتابی نوشته است و آن را تهذیب فصول الفرغانی می‌نامد (رسالة للبیرونی...، ص ۳۲) که از این کتاب

1. B. Rosenfeld

2. B. Abdukhhalimov

۳. احمد آرام جوامع علم النجوم را بر اساس چاپ گولیوس به فارسی ترجمه کرده است و آن را در شماره ۴ مجله معارف اسلامی در سال ۱۳۴۶ ش منتشر کرده است.

۴. «...وهو كتاب لطيف الجرم، عظيم الفائد. يتضمن ثلاثين باباً احتوت على جوامع كتاب الماجسطي بأهدب لفظ وأبين عباره.» این عبارت را قطبی در توصیف احمد بن محمد بن کثیر آورده است

۵. ذکر چند مقدمه طبیعی در ابتدای آثار هیئت رایج است: ۱- آسمان کروی شکل است؛ ۲- زمین کروی شکل است؛ ۳- زمین در میان آسمان است؛ ۴- زمین در برابر آسمان بسیار کوچک است و ۵- زمین حرکت نمی‌کند (نه وضعی و نه انتقالی). این مقدمات به قیاس فصل‌هایی هستند که با همین عناون‌ها در مقاله اول مجسطی و پیش از آغاز سخن در مقدمات ریاضی آمده‌اند. ابن رسته در آغاز کتاب جغرافیای خود این مقدمات را تکرار کرده و در آغاز سخن گفته است: «قال احمد بن محمد ابن کثیر الفرغانی في كتابه المترجم بكتاب علل الأفلاك...» (ص ۹) و به این ترتیب مرجع نقل خود را مشخص کرده است.

مقاله سوم از زیج جامع کوشیار و جوامع علم النجوم فرغانی ۴۷

اطلاعی در دست نیست اما اینکه بیرونی بر این کتاب شرحی نوشته است می‌تواند دلیلی بر اشتهار آن در زمان بیرونی باشد. حداقل یک شاهد می‌توان نشان داد و بر اساس آن مدعی شد که احتمالاً این کتاب تا پیش از نوشته شدن آثار مختصر در هیئت به عنوان کتاب درسی به کار می‌رفته است. شهمردان بن ابی‌الخیر، صاحب روضة المنجمین، در نزهت نامهٔ اعلایی خود می‌گوید:

در حادث سن مشغول بودمی بر خواندن علوم ریاضیات و کتاب افليس و
حل اعمال زیج و فصول فرغانی در هیئت افلاک ... (ص ۳۷۱)

البته از این ارجاع می‌توان شهرت عنوان فصول را نیز برای این کتاب دریافت.

جوامع علم النجوم مشتمل بر سی فصل است و در یک نگاه کلی یک مقاله در تاریخ دارد (فصل اول)، شش مقاله در جغرافیای ریاضی (فصل‌های ششم تا یازدهم)، دو مقاله در ابعاد و اجرام (فصل‌های ۲۱ و ۲۲) و باقی مقالات در بارهٔ هیئت آسمان است. اگر این ترتیب را با ساختاری که پیش‌تر برای آثار هیئت از آن یاد کردیم، مقایسه کنیم می‌توان این نکته‌ها را بر شماریم:

۱ - بیان مطالب در این کتاب ترتیب مشخصی ندارد و در مقایسه با آثار هیئت، فصل‌ها در موضوعات کلی (یعنی مقدمات، اوضاع آسمان، اوضاع زمین و ابعاد و اجرام) قابل دسته‌بندی نیستند. اگر مقالهٔ تاریخ را در نظر نگیریم، ترتیب باقی مقالات را در کتاب فرغانی می‌توانیم با محسطی^۱ بسطمیوس مقایسه کنیم، به عبارت دیگر گویی جوامع علم النجوم خلاصه‌ای از محسطی است.

۲ - مقالهٔ تاریخ آن طور که در کتاب فرغانی در فصل نخست آمده است نمونه‌ای در کتاب‌های هیئت ندارد. معمولاً در مقالهٔ نخست زیج‌ها ذکر تواریخ و مبادی آنها می‌آمده است (کندی، ص ۱۳۹). در میان آثار هیئت نیز تنها آثار جامع خرقی، منتهی‌الادراک (ص ۳۹۹-۵۹۴) و عمدهٔ خوارزمشاهی (برگ ۱۰۸-۱۳۴ پ)، هستند که مقالهٔ مفصلی در تاریخ دارند. در مقالهٔ تاریخ آثار

۱. محسطی سیزده مقاله را شامل می‌شود: ۱- مقدمات، ۲- جغرافیای ریاضی، ۳- مدل حرکت طولی خورشید، ۴ و ۵- مدل حرکت طولی ماه، ۶- گرفتها و به دست آوردن مقادیر ابعاد و اجرام ماه و خورشید، ۷ و ۸- ستارگان ثابت، ۹ و ۱۰ و ۱۱ و ۱۲- مدل حرکت طولی سیارات، ۱۳- حرکت عرضی سیارات.

خرقی که خود به فصل‌هایی تقسیم می‌شود، علاوه بر ذکر تواریخ مختلف و مبادی و ترتیب ماههای آنها، فصل‌های دیگری مانند چیستی سال و ماه و انواع ساعات (مستوی و زمانی) و اعیاد و مراسم اقوام دیگر و مطالبی از این دست آمده است. در آثار هیئت بعدی که به طور مفصل در بارهٔ تواریخ سخن نگفته‌اند این فصل‌ها به مقالهٔ اوضاع زمین افزوده شده است (قلندری، ص ۱۱). فصل تاریخ کتاب فرغانی بسیار مختصر است و در آن تنها ماههای تواریخ مشهور آن زمان (یعنی هجرت، یزدگردی (ایرانیان)، سریانیان، رومیان و مصریان) و مبادی آنها و ترتیبیان آمده است. در فصل یازدهم که به قیاس کتاب‌های هیئت می‌توان آن را از فصول اوضاع زمین به حساب آورد، مطالبی در بارهٔ ساعتها و تعدیل ایام آمده است.

۳- گذشتگان بر این اعتقاد بودند که تنها یک ربع از نیمهٔ شمالی زمین مسکون است، البته این آبادی در فاصله خط استوا تا حدود عرض ۴۹ درجهٔ شمالی (و در برخی منابع تا حدود عرض ۶۷ درجهٔ شمالی) است و دانشمندان گذشته زندگی را در عرض‌های شمالی‌تر به سبب سرمای زیاد ناممکن می‌دانستند. بطلمیوس در مقالهٔ دوم م杰سٹی برای یاد کردن از مواضع مختلف زمین با انتخاب معیار طول بلندترین روز سال در عرض‌های جغرافیایی مختلف، تمام این ربع را به ۳۹ قسمت تقسیم کرده است (بطلمیوس،^۱ ص ۸۲-۹۰). در آثار دورهٔ اسلامی به جای این تقسیم‌بندی از تقسیم به هفت اقلیم استفاده می‌شده و در بارهٔ همان بخش مسکون، یعنی فاصلهٔ میان استوا تا عرض ۴۹ یا ۶۷ درجهٔ شمالی، سخن گفته می‌شده است (نک : قلندری، ص ۹۶). در جوامع علم النجوم نیز، در فصل‌های هشتم و نهم، این تقسیم‌بندی به همین صورت آمده است. فرغانی در فصل هشتم با عنوان «في مساحة الأرض و قسمة السبعة أقاليم العامرة منها» نخست در بارهٔ روش اندازه‌گیری محیط زمین سخن گفته است. او در این فصل به اندازه‌گیری طول یک درجهٔ توسط اصحاب ممتحن نیز اشاره کرده است.^۲ در ادامهٔ این فصل فرغانی حدود اقلیم هفتگانه را بر پایهٔ

1. Ptolemy

۲. برای اندازه‌گیری شعاع زمین در رساله‌های هیئت دورهٔ اسلامی از این روش یاد شده است: نخست مقدار مسافتی را روی زمین برابر با یک درجهٔ عرض جغرافیایی روی نصف‌النهار اندازه می‌گرفتند و این مسافت را در ۳۶۰ ضرب می‌کردند تا محیط زمین به دست آید سپس چون نسبت محیط به قطر در دایرهٔ برابر با مقدار ثابت

ساعات بلندترین روز در ابتدا، انتها و میانه آنها آورده است. او در فصل نهم با عنوان «فی أسماء البلدان والمداين المعروفة في الأرض و ما في كل أقاليم منها» به یاد کردن از شهرهای مشهور واقع در هر یک از اقالیم می‌پردازد. این نیز شیوه‌ای است که در کتاب‌های هیئت بعدی، به جز در آثار جامع، مشابهی ندارد.

۴- فرغانی در فصل‌های هفتم و دهم در باره مطالع افق مستقیم و آفاق مایل و اوضاع آسمان در عرض‌های جغرافیایی مختلف زمین سخن گفته است. در سنت نجومی بطلمیوسی، به ویژه در زیج‌ها، درست کردن جدول مطالع، یعنی به دست آوردن هم‌زمانی طلوع قوس‌هایی از معدل‌النهار با قوس‌های معینی از دایرة‌البروج، اهمیت داشته است. بر این اساس عرض‌های جغرافیایی زمین به دو دستهٔ مطالع مستقیم (افق استوا) و مطالع مایل (آفاق دیگر) تقسیم می‌شوند و مقادیر قوس‌ها برای آنها محاسبه می‌شوند و در جدول تنظیم می‌شوند. بطلمیوس این مطالب را در بخش پایانی مقاله نخست (ص ۷۱، ۷۳-۷۴) و بخش‌هایی از مقاله دوم (ص ۹-۱۰) آورده است. در کتاب‌های هیئت ذکر این مطالب صورتی توصیفی به خود گرفت و مؤلفان کتاب‌های هیئت در ذکر اوضاع عرض‌های جغرافیایی مختلف زمین، آنها را در چهار دستهٔ کلی دسته‌بندی می‌کردند: ۱- مواضعی که روی استوا هستند یعنی عرض جغرافیایی آنها صفر است، ۲- مواضعی که عرض جغرافیایی آنها کمتر از میل کلی^۱ است، ۳- مواضعی که عرض آنها بیشتر از میل کلی و کمتر از میل کلی^۲ است و ۴- مواضعی که عرض آنها بیشتر از میل کلی است تا قطب. در آثار هیئت این

عدد π است. می‌توان مقدار قطر زمین و در نتیجه شعاع آن را به دست آورد. برای این منظور نصف‌النهار یک محل تعیین می‌شده و بیشترین ارتفاع یکی از ستارگان همیشه پیدا را، مانند ستاره قطبی برای عرض‌های شمالی، در آن نقطه به دست می‌آورددن سپس از آن محل روی خط نصف‌النهار مسیر همواری را به سمت شمال یا جنوب طی می‌کرددند تا ارتفاع آن ستاره یک درجه بیشتر یا کمتر شود و این یعنی به اندازه یک درجه در عرض جغرافیایی، به سمت شمال یا جنوب، تغییر ایجاد شده است و فاصله میان آن دو نقطه برابر با طول کمان یک درجه است. بنا بر گزارش‌های موجود، به منظور تدقیق گزارش‌هایی که از بطلمیوس برجا مانده بود گروهی از دانشمندان اسلامی که آنها را اصحاب ممتحن می‌نامند، این اندازه‌گیری را در زمان مأمون به این روش انجام داده‌اند. به نقل بیرونی در تحدید نهایات الأماكن (ص ۲۱۷-۲۱۴)، فرغانی خود از اصحاب ممتحن و حاضران در این رصد بوده است.

۱. زاویه میان دایرة‌البروج و معدل‌النهار که مسلمانان مقدار آن را ۲۳ درجه و ۳۵ دقیقه در نظر می‌گرفتند.

چهار دسته‌بندی در چند فصل و معمولاً به دنبال هم مرتب می‌شده‌اند و در آنها گزارشی در باره چگونگی وضع آسمان در هر ناحیه داده می‌شود. نویسنده‌گان آثار هیئت همچنین در فصل‌های جداگانه‌ای قواعد کلی مربوط به افق مستقیم و آفاق مایل را می‌آورند^۱ (قلندری، ص ۹۷-۹۸). در جوامع علم النجوم تقسیم‌بندی عرض‌های جغرافیایی زمین در فصل هفتم آمده است و توضیح در باره افق مستقیم و آفاق مایل در فصل دهم. در فصل هفتم با عنوان «في خواص اقسام الربع المسكون وذكر المواقع التي تطلع عليها الشمس شهوراً لا تغرب عنها و تغرب عنها شهوراً لا تطلع عليها» در تقسیم‌بندی عرض‌های جغرافیایی زمین، از مواضع استوا سخن گفته نشده است و همان طور که در عنوان فصل نیز آمده است در باره عرض‌های جغرافیایی که روزها یا شب‌های طولانی دارند (عرض‌های بیش از ۷۷ درجه شمالی) به تفکیک سخن گفته شده است، یعنی عرض‌هایی که در آنها روزهایی به طول یک ماه، دو ماه تا شش ماه (عرض ۹۰ درجه) رخ می‌دهد، نام برده شده‌اند. در فصل دهم تقسیم‌بندی به افق مستقیم و آفاق مایل آمده است و فرغانی همان قواعد کلی را به صورت توصیفی در باره چگونگی محاسبه مطالع آنها آورده است.

۵- توصیف مدل‌های حرکت اجرام سماوی از مهم‌ترین بخش‌های آثار هیئت است و معمولاً سخن در باره ترتیب اجرام و مدل‌های حرکت آنها در طول و عرض در فصل‌های مجزا آمده است. به طور معمول در آثار هیئت این ترتیب از این قرار است: ۱- سخن در ترتیب افلک و اجرام آسمانی، ۲- توصیف حرکت خورشید در طول، ۳- توصیف حرکت ماه در طول، ۴- توصیف

۱. بطلمیوس در بخش پایانی مقاله نخست مطالع افق مستقیم را به دست می‌آورد که کار دشواری نیست. سپس در باره مطالع آفاق مایل در بخش هفتم از مقاله دوم مجسطی سخن گفته است. او در آنجا بحث خود را در این باره با اثبات دو گزاره آغاز می‌کند: ۱- کمان‌هایی از دایرةالبروج که از یک اعتدال به یک فاصله‌اند با کمان‌های مشابهی از معدل‌النهار طلوع می‌کنند (صفحه ۹۱-۹۰) و این بدان معناست که مطالع مایل دو نقطه از دایرةالبروج که از یک انقلاب به یک فاصله باشند آنگاه مجموع دو کمان از معدل‌النهار که با آنها طلوع می‌کنند با مجموع مطالع دو کمان مشابه از دایرةالبروج در فلک مستقیم برابر است (صفحه ۹۱-۹۲) یعنی مجموع مطالع مایل دو نقطه از دایرةالبروج که از یک انقلاب به یک فاصله هستند برابر با مجموع مطالع مستقیم آنهاست. با این حساب با در اختیار داشتن مطالع مستقیم اجزاء معدل‌النهار می‌توان مطالع مایل آنها را برای هر افق دلخواه محاسبه کرد. در کتاب‌های هیئت صورت این دو گزاره می‌آمده است.

مقاله سوم از زیج جامع کوشیار و جوامع علم النجوم فرغانی ۵۱

حرکت زهره و سیارات علوی در طول، ۵- توصیف حرکت عطارد در طول و ۶- توصیف حرکات سیارات در عرض. البته این ترتیب در همه آثار هیئت، بهویژه آثار مختصر، به همین سیاق رعایت نشده است. در جوامع علم النجوم، که آن را از متون متقدم هیئت دانسته‌ایم، این فصل‌بندی و تفصیل کلام در باره مدل‌ها وجود ندارد. فرغانی در مجموع در فصل‌های ۱۲ تا ۱۸ کتاب به این مسائل پرداخته است. ترجمه عنوان این فصل‌ها به این ترتیب است:

فصل ۱۲: در توصیف هیئت افلک کواکب و ترکیب آنها و مراتب فواصل آنها از زمین؛ فصل ۱۳: در توصیف حرکات خورشید و ماه و ستارگان ثابت از شرق به غرب که حرکت طولی نامیده می‌شود؛ فصل ۱۴: در توصیف حرکات پنج سیاره در افلاکشان در طول؛ فصل ۱۵: آنچه از رجوع در سیر در فلک البروج بر پنج سیاره عارض می‌شود؛ فصل ۱۶: در باره مقدار فلک‌های سیارات که فلک تدویر نامیده می‌شوند و فاصلهٔ مراکز فلک‌های خارج مرکز [از مرکز عالم]؛ فصل ۱۷: در باره [تعداد روزهای] گردش سیارات در فلک‌هایشان و دایرة البروج؛ فصل ۱۸: توصیف حرکات ماه و سیارات در افلک ثابت و متحرک در جهت شمال و جنوب که حرکت عرض نامیده می‌شود. به این فصل‌ها باید فصل‌های ۱۹ و ۲۰ را که فرغانی در آنها به ستارگان ثابت و منازل قمر پرداخته است نیز اضافه کنیم. اگر یاد کردن از منازل قمر را همان پرداختن به ستارگان ثابت و ایراد سخن در دسته‌بندی آنها بدانیم باید گفت که آوردن این عنوان، محل آن و حد پرداختن به آن نیز در آثار هیئت رویه مشترکی نداشته است، اما بیشتر نویسندهان آثار هیئت فصلی را در این باره در آثار خود می‌آورده‌اند.

آن طور که از محتوای این فصل‌ها می‌توان دریافت فرغانی اطلاعات مربوط به مدل‌های حرکت مربوط به یک جرم آسمانی و مقدارهای وابسته به آنها را به دنبال هم نیاورده است. در اینجا، حداقل در باره سیارات، پیروی از روش مجسٹری را می‌توان دید چون در مجسٹری صحبت در باره هر پنج سیاره در کنار هم است اما نویسندهان آثار هیئت بعدها چهار سیاره زهره، مریخ، مشتری و زحل را به سبب شباهت مدل‌ها در کنار هم می‌آورده‌اند و در باره عطارد همواره جداگانه می‌نوشته‌اند. در اینجا فصل‌های ۱۶ و ۱۷ تنها به

آوردن مقدار حرکت و یا مقدار خروج از مرکز سیارات اختصاص دارد و می‌توانست در فصل‌های دیگری، مانند فصل ۱۴، جای گیرد در حالی که فرغانی فصل‌های جداگانه‌ای را به آنها اختصاص داده است. در این فصل‌ها می‌توان مطالبی چون تعداد افلک هر یک از سیارات، مقدار حرکت افلک، مدت زمان یک گردش کامل برای هر سیاره، اختلافات مربوط به هر سیاره و آنچه برای برطرف کردن آنها باید در نظر گرفت به طور از هم گسیخته و در فصل‌های جدا از هم دید.

تفاوت دیگر میان جوامع علم النجوم و آثار بعدی هیئت را می‌توان در مطالب فصل ۱۲ از آن دید. نویسنده‌گان آثار هیئت در ذکر ترتیب افلک، نخست افلک کلی سیارات را که دربردارنده افلک دیگر آنها هستند نام می‌برند. به زعم ایشان تعداد افلک کلی، نُه فلک است. در کتاب فرغانی این تعداد به پیروی از بوللمیوس، هشت فلک گفته شده است. البته اعتقاد به هشت فلک به جای نُه فلک حداقل تا اوایل سده پنجم هجری رایج بوده است (برای مثال نک : بیرونی، التفہیم، ص ۵۷).^۱ این افلک کلی کره‌های هم‌مرکزی هستند که دیگر افلک سیارات، یعنی افلک خارج مرکز و تدویر را در بر می‌گیرند اما فرغانی در یاد کردن از این افلک کلی، همه این افلک را به جز فلک هشتم خارج مرکز دانسته است. او در توصیف حرکات سیارات نیز می‌گوید که فلک هشتم موجود حرکت کلی از غرب به شرق است و باقی افلک حرکات شرق به غرب را ایجاد می‌کنند.^۲ در تقسیم‌بندی حرکات اجرام سماوی دو حرکت کلی وجود دارد، نخست حرکت روزانه که از شرق به غرب است و دیگری حرکت کنتری است که اجرام را از غرب به شرق به پیش می‌برد. دانشمندان گذشته حرکت نخست را «حرکت اولی» و دومی را «حرکت ثانیه» می‌نامیدند. بر این اساس فرغانی افلک سیارات را موحد

۱. به نظر می‌رسد ابن هیثم در فی هیثة العالم برای نخستین بار از نُه فلک کلی به جای هشت فلک کلی یاد کرده است (لانگرمن، متن عربی، ص ۱۱؛ نیز نک : کینگ، ص ۲۶).

۲. فأَمَّا الدائِرَةُ الْمُتَقْطَعُ كُرْبَةُ الْكَوَاكِبِ ثَابِتَةٌ فَهِيَ مَنْطَقَةُ فَلَكِ الْبَرْوَجِ الَّتِي تَقْدِمُ ذَكْرَهَا وَإِلَيْهَا يَقْاسُ الْمَسِيرُ الْمُخْتَلَفُ الْمَقْوَمُ الَّذِي يَرِي بِجُمِيعِ الْكَوَاكِبِ مِنَ الْمَغْرِبِ إِلَى الْمَشْرُقِ فَأَمَّا دَائِرَةُ الْأَكْرَخِ الْخَارِجَةُ الْمَرَاقِزُ فَتَسْمَى كُلُّ وَاحِدَةٍ مِنْهَا دَائِرَةً فَلَكَ الْخَارِجُ الْمَرَاقِزُ وَهِيَ الَّتِي تَسِيرُ فِيهَا الْكَوَاكِبُ سِيرَةَ الْوَسْطِ الْمَسِيرِ مِنَ الْمَشْرُقِ إِلَى الْمَغْرِبِ (برگ ۴۰ پشت و ۴۱ رو).

مقاله سوم از زیج جامع کوشیار و جوامع علم النجوم فرغانی/ ۵۳

حرکت اولی دانسته و فلک هشتم را موحد حركت ثانیه تلقی کرده است. هیئت‌نویسان بعدی هرچند در باره علت حركت ثانیه همین نظر را دارند اما در باره علت حركت اولی رأی دیگری برگزیده‌اند. در نظر ایشان افلاک کلی (یا ممثّل) سیارات، خارج مرکز نیستند بلکه معادل فلک البروج و هم‌مرکز با آن هستند و موحد حركت ثانیه در سیارات (البته به جز در باره ماه) هستند. بر این اساس علت حركت اولی باید فلک دیگری باشد که آن را «فلک الافلاک» نامیدند.¹ این تصور نه فلکی در آثار نجومی دانشمندان اسلامی از سده پنجم به بعد، به ویژه در آثار هیئت، دیده می‌شود (خرقی، منتهی‌الإدراک...، ص ۱۶۸-۱۷۴؛ خواجه نصیرالدین طوسی، التذكرة...، ص ۱۰۹-۱۱۱).

مقاله سوم از زیج جامع کوشیار

زیج جامع از جمله مهم‌ترین و مشهورترین زیج‌های نوشته شده در دوران اسلامی است که احتمالاً در سال‌های میانی سده چهارم هجری نوشته شده است و برخی محققان آن را برترین اثر نجومی کوشیار گیلانی دانسته‌اند. کندی ترتیب مطالب زیج جامع را در آوردن مقدمات و عرضه جدول‌ها مشابه زیج صابی بتانی می‌داند و می‌گوید تنها وجه تمایز آن با زیج صابی آن است که زیج جامع اطلاعات رصدی تازه‌ای را در بر دارد. زیج جامع را به دلیل دیگری نیز می‌توان ارزشمند دانست و آن پاییندی کوشیار به آوردن اثبات‌های هندسی قضایا و روش‌هایی است که در کتاب از آنها استفاده کرده است (در این باره نک: کندی،² ص ۱۵۶-۱۵۷؛ باقری،³ ۲۰۰۹^۳، xvii-xxxvii) به جز این وجه تمایز دیگر زیج جامع با دیگر زیج‌هایی که در همان زمان نوشته شده‌اند

۱. دلیل افزودن این فلک آن است که با در نظر گرفتن مدل بطلمیوس می‌باشد فلک هشتم هم موحد حركت روزانه باشد هم موحد حركت ثانیه در حالی که از یک سو حركت روزانه از شرق به غرب است و حركت ثانیه از غرب به شرق و از سوی دیگر حركت روزانه سریع است و حركت ثانیه بسیار کند است. حال اگر پذیریم که افلاک جسم عنصری هستند، بنا بر فیزیک ارسطو یک جسم عنصری نمی‌تواند مبدأ دو حركت مختلف باشد در نتیجه مبدأ این دو حركت باید متفاوت از یکدیگر باشد و چون این دو حركت را در همه اجرام سماوی می‌بینیم باید پذیریم که فلکی کلی برای ایجاد آن لازم است پس باید دو فلک کلی داشته باشیم که در بر دارنده احوال همه اجرام عالم باشند و آنها فلک‌های هشتم، فلک ثوابت، و نهم، فلک الافلاک، هستند (خرقی، منتهی‌الإدراک...، ص ۱۷۱-۱۶۲؛ خواجه نصیرالدین طوسی، الرسالة المعينة، ص ۴۵-۴۶).

2. E. S. Kennedy
3. M. Bagheri

آن است که کوشیار مقاله‌ای در بارهٔ هیئت با عنوان «فی الهیئة» به کتاب افزوده است. این مقاله که سومین مقاله از مقالات زیج کوشیار است به سی باب تقسیم شده است و دو بخش دیگر نیز در پایان آن افزوده شده است. بخش نخست با عنوان «فی جوامع علم الهیئة علی ترتیب ابواب المقالة الاولی» که در آن کوشیار اصطلاحات به کار رفته در مقاله اول را بر اساس مفاهیمی که در سی باب مقاله سوم آورده تعریف می‌کند و بخش افزوده دیگر رساله‌ای در بارهٔ محاسبهٔ ابعاد و اجرام است. البته باب بیست و دوم از سی باب نخست نیز به ابعاد و اجرام اختصاص دارد اما آن باب بسیار کوتاه است و تنها مقدارها در آن آمده‌اند ولی در این رساله کوشیار روش به دست آوردن این مقدارها را نیز توضیح داده است. به جز این دو بخش افزوده سی باب دیگر ترتیبی مشابه ترتیب آثار هیئت دارند با این تفاوت که در این کتاب بررسی اوضاع آفاق مختلف زمین در ابتدای رساله آمده است. در اینجا حسب موارد گفته شده در بارهٔ جوامع علم النجوم دو رساله را مقایسه می‌کنیم.

۱ - باب «فی الهیئة» ترتیب مشخصی در بیان مطالب دارد. به جز آنکه موضوع ابعاد و اجرام در میان ابواب اوضاع آسمان آمده است، چهار سرفصل اصلی آثار هیئت را در این مقاله می‌توان این طور دسته‌بندی کرد: مقدمات (فصل‌های اول تا سوم)، اوضاع زمین (فصل‌های ۴ تا ۱۳)، اوضاع آسمان (فصل‌های ۱۴ تا ۲۱ و ۳۰ تا ۲۳) و ابعاد و اجرام (فصل ۲۲).

۲ - به قیاس بیشتر آثار هیئت، باب فی الهیئة فصلی در بارهٔ تاریخ ندارد و تنها در باب سیزدهم در بارهٔ انواع ساعات (مستوی و زمانی) و تعدیل الایام بلیالیها مطالبی آورده است.

۳ - کوشیار تنها در فصل نهم در بارهٔ حدود اقالیم هفت‌گانه صحبت کرده است و در آن نیز تنها حدود اقالیم را بر پایهٔ معیار ساعات بلندترین روز سال آورده است. او در فصل دهم به روش به دست آوردن مساحت زمین اشاره می‌کند که می‌توان آن را نیز به فصل ۲۲ که در بارهٔ ابعاد و اجرام است افزود. کوشیار به جغرافیای توصیفی نپرداخته و در بارهٔ شهرهایی که در اقالیم واقع می‌شوند سخنی نگفته است. با در نظر گرفتن خلاصه‌گی باب «فی الهیئة» این رویه مشابه آثار مختصر بعدی هیئت است.

۴- کوشیار در پرداختن به مطالع، روشی را برگزیده است که به سبب تقدم آن بر آثار بعدی هیئت می‌توان ادعا کرد که روش او در انتخاب فصل‌های مرتبط با موضوع مطالع، مرجعی برای نویسنده‌گان بعدی بوده است. مطالب او در باره مطالع را بهروشی به دو بخش می‌توان تقسیم کرد: فصل‌های چهارم تا هشتم که در آنها در باره موضع مختلف زمین صحبت کرده است و فصل‌های یازدهم و دوازدهم که در آنها مطالع افق مستقیم و آفاق مایل را آورده است. در پنج فصل نخست کوشیار، به همان ترتیبی که پیشتر به آن اشاره شد، عرض‌های میان استوا تا قطب را به چهار بخش تقسیم کرده است. البته او مناطقی را که عرض آنها برابر با متمم میل کلی است در فصل جداگانه‌ای آورده (فصل هفتم) و از این رو سخن خود را در پنج فصل توبیخ کرده است: فصل چهارم در خواص مواضع خط استوا، فصل پنجم در خواص مواضعی که در آنها قطب ارتفاعی دارد تا آنجا که ارتفاع قطب برابر با میل کلی است، فصل ششم در خواص مواضعی که ارتفاع قطب در آنها بیشتر از میل کلی است تا آنجا که ارتفاع قطب در آنها برابر با متمم میل کلی است، فصل هفتم در خواص مواضعی که در آنها ارتفاع قطب برابر با متمم میل کلی است، فصل هشتم در خواص مواضعی که ارتفاع آنها از متمم میل کلی بیشتر است تا آنجا که ارتفاع قطب نود درجه است. او در باره هر یک از این مواضع توصیفی کلی از چگونگی طلوع و غروب ستارگان آسمان آورده است و همچون فرغانی به عرض‌های شمالی بیش از ۷۷ درجه بیشتر نپرداخته است. در ادامه، در فصل‌های یازدهم و دوازدهم کوشیار به توصیف قوانین کلی مطالع افق مستقیم و آفاق مایل توجه کرده است (نک: همین مقاله، ص ۱۱، زیرنویس ۱). هر چند این عنوان در جوامع علم النجوم در یک فصل آمده بود، اما تفاوتی در حد پرداختن به این موضوع میان دو رساله نمی‌توان یافت و هر دو در عباراتی نزدیک به هم نتایج محاسبات بطلمیوس را در مجسطی گزارش کرده‌اند.

۵- در باره توصیف مدل‌ها نیز در باب «فی الهیئة» می‌توان به روشنی تقسیم‌بندی را که پیشتر در این باره به آن اشاره شد، دید. کوشیار در فصل‌های ۱۴ تا ۲۱ از این باب به این موضوع پرداخته است:

فصل ۱۴: در ترتیب کره‌هایی که حرکات کلی سیارات را موجب می‌شوند و تعداد آنها؛ فصل ۱۵: در توصیف کره ستارگان ثابت و عدد صورت‌های آن و ستارگان رصد شده در آن؛ فصل ۱۶: در توصیف افلک خورشید و حرکات آنها؛ فصل ۱۷: در توصیف افلک ماه و حرکات آن در طول؛ فصل ۱۸: در توصیف افلک عطارد و حرکات آن در طول؛ فصل ۱۹: در توصیف افلک چهار سیاره باقی مانده و حرکات آنها در طول؛ فصل ۲۰: در توصیف حرکات کواكب در عرض

کوشیار نیز مانند فرغانی فلک نهم را در فلک‌شماری ابتدایی خود نیاورده است اما این فلک‌های کلی را متحدد مرکز در نظر گرفته است و می‌نویسد که افلک برای توجیه حرکات نامنظم سیارات در نظر گرفته شده‌اند. در فیزیک ارسطویی که کیهان‌شناسی بطلمیوسی بر پایه آن بنا شده است تغییر در آسمان راه ندارد، پس حرکات نایکنواخت در آسمان نمی‌تواند وجود داشته باشد. بنا بر این حرکات نایکنواخت سیارات که در آسمان مشاهده می‌شوند با در نظر گرفتن محرك‌های متعدد که هر کدام سرعت یکنواخت مخصوص به خود دارند، توجیه می‌شوند و هر کدام از این محرك‌ها فلک نام دارند. سیارات حرکتی به خودی خود ندارند و به سبب حرکات افلک‌شان متحرک دیده می‌شوند و این افلک کره‌های حقیقی هستند که همه از عنصر پنجم ارسطو ساخته شده‌اند (نک: قلندری، ص ۳۰-۵۵). کوشیار در ابتدای فصل ۱۴ این طور نوشته است:

ریاضی‌دانان که اصحاب این صناعت هستند با استفاده از ابزارهای رصد و روش‌های هندسی در حرکات سیارات اختلافاتی یافته‌اند از [جهت] تندی و کندی و رجوع و استقامت و صعود و هبوط و انتقال از شمال به جنوب و از جنوب به شمال، سپس با افکار لطیف و تصورات دقیق برای این حرکات افلکی در نظر گرفته‌اند، یعنی کره‌هایی که نظام طبیعی حرکات سیارات را حفظ کنند که تندی و کندی و رجوع و استقامت و صعود و هبوط و انتقال از جهتی به جهت دیگر در آن نیست به رغم اختلافی که به حس می‌آید. پس با [در نظر گرفتن] این افلک و [مطالعه] اوضاع آنها حساب تقویم سیارات و احوال دیگر آنها برای ایشان برهانی شد و حساب آن منظم شد. و از این حرکات، به استعاره و به منظور کوتاهی سخن به دوایر و نقاط بسته کردند و

در اینکه این حرکات ذاتی هستند یا عرضی و اینکه تأثیری بر فلک دارند یا خیر، یعنی [سیارات] خود حرکت می‌کنند یا به سبب حرکت افلاکی که آنها را حرکت می‌دهند، متحرک دیده می‌شوند، اهمال کردند و آن را به اهل آن بحث واگذاشتند زیرا در صناعت خود به آن نیازی نداشتند (برگ ۳۲۶ پشت).

چنین تعبیری در بارهٔ افلاک را می‌توان در آثار هیئت به روشنی پیگیری کرد. مؤلفان هیئت همواره تأکید داشته‌اند که هدف آنها عرضه الگویی واقعی از افلاک است، یعنی کره‌های واقعی یا آن طور که ایشان می‌آوردند: «افلاک مجسم». ۱. ابن هیثم در مقدمه رسالهٔ فی هیثة العالم به همین موضوع اشاره کرده است و در بارهٔ نویسنده‌گان آثار نجومی می‌گوید که ایشان برای سادگی امر در یاد کردن از افلاک به دوایر و نقاط بسته کرده‌اند در حالی که افلاک کره‌های مجسم هستند (لانگرمن،^۳ متن عربی، ص ۵-۶؛ نیز نک: گمینی، ص ۲۵۷-۲۵۹؛ قلندری، ص ۱۸-۱۹). تأکید بر افلاک مجسم را با عباراتی مشابه در آثار هیئت نیز می‌توان جستجو کرد (خرقی، منتهی الإدراک...، ص ۱۴۸-۱۵۰، ۱۷۰؛ و با عبارات خلاصه‌تر در خواجه نصیرالدین طوسی، التذکرة...، ص ۱۱۰-۱۰۹؛ همو، الرسالة المعینية، ص ۳۷-۳۸). با استناد به عبارات منقول از کوشیار می‌توان مدعی شد که کوشیار پیش از نویسنده‌گان آثار هیئت

۱. التعليميون وهم أصحاب هذه الصناعة وجدوا حرکات الكواكب على اختلافها من السرعة والإبطاء والرجوع والاستقامة والصعود والهبوط والانتقال من الشمال إلى الجنوب ومن الجنوب إلى الشمال بالآلات رصدية وطرق هندسية ثم وجدوا بأفكارهم اللطيفة وأوهامهم الدقيقة لهذه الحركات أفالاً أعني كرات تحفظ حرکات الكواكب مع وجود اختلافها بالحس نظماها الطبيعي لا سرعة فيها ولا إبطاء ولا رجوع ولا استقامة ولا صعود ولا هبوط ولا انتقال من جهة إلى جهة فيبرهن لهم بذلك الأفالاً وأوضاعها حساب تقويم الكواكب وساير أحوالها برهاناً وحساباً مطرياً وعبروا عن حركات هذه الكرات بحركات دوایر وخطوط ونقط على سبيل الستعادة وابجاز اللفظ. فاما البحث عن تلك الحركات إنها ذاتية للمتحركات أم عرضية لها وإنها تحدث في الفلك انفعالاً أم لا تحدث أعني إنها تتحرك بأنفسها أم تتحرك بأفلاک تحرکها فإنهم لما لم يحتاجوا إليه في صناعتهم اهملوا ذكره وتركوا هذا البحث لأهله.

۲. در اینجا باید این نکته را اضافه کرد که هر دو کتاب در یاد کردن از تعداد افلاک سیارات از محسنهٔ تبعیت کرده‌اند و بر این اساس الگوهای ایشان غیر مجسم است اما کوشیار با آوردن این عبارات به نوعی قصد خود را تألیف رساله‌ای در هیئت مجسم نوشته است هرچند در عرضه الگوها به این هدف پاییند نبوده است (نیز در این باره نک: گمینی، ص ۲۵۸).

3. Y. T. Langermann

به لزوم در نظر گرفتن افلاک مجسم اشاره کرده است، هرچند خود در ادامه و در توضیح الگوهای حرکت افلاک به آن پاییند نمانده است.

فصلبندی کوشیار در عرضه الگوهای حرکت طولی کاملاً به آثار هیئت شبیه است. او در توصیف مدل‌ها در هر فصل، به ترتیب، تعداد افلاک سپس حرکات و سپس اختلافات الگوهای حرکت سیارات را آورده است برای مثال در متن کوشیار، تمام اطلاعات مربوط به حرکات عطارد در طول، یک جا و در فصل هجدهم آمده‌اند در حالی که در جوامع علم النجوم این مطالب در فصل‌های مختلف پراکنده هستند:

- سخن در باره تعداد افلاک کلی عطارد در فصل ۱۳؛ البته فرغانی در فصل ۱۲ نیز اشاره کوتاهی به این مسأله کرده است. در فصل ۱۳ او می‌نویسد که هر یک از سیارات فلک‌های تدویری دارند که روی فلک‌های خارج مرکز، به جز آنها که پیشتر به آنها اشاره کرده بود،^۱ حرکت می‌کنند

- سخن در باره حرکت‌های عطارد در طول در فصل ۱۴؛ هرچند فرغانی یاد کردن از حرکت‌های سیارات را در طول یک جا آورده است اما حسب تفاوت‌های عطارد با دیگر سیارات ناگزیر شده است در بخش‌هایی از این فصل جداگانه در باره عطارد بنویسد. مقدار حرکت‌های طولی هر یک از فلک‌ها نیز در این فصل آمده‌اند.

- یاد کردن از اندازه شعاع فلک تدویر و مقدار خروج از مرکز فلک خارج مرکز در فصل ۱۶.

بر این اساس می‌توان گفت ترتیبی که کوشیار برای آوردن الگوهای حرکت سیارات در طول برگزیده است بیش از ترتیبی که فرغانی در آوردن این مطالب انتخاب کرده است به آثار هیئت شبیه است.

۱. منظور همان افلاک کلی است که در فصل ۱۲ فرغانی آنها را برای سیارات خارج مرکز در نظر گرفته بود.

مقایسه مقادیر ابعاد و اجرام منتقل در دو رساله

در ساختار چهار جزئی که برای کتاب‌های هیئت برشمرده‌اند (نک : همین مقاله، ص ۴۱)، از فصل ابعاد و اجرام به عنوان یکی از اجزاء اصلی آنها یاد می‌کنند، اما حضور این جزء را در همه آثار هیئت نمی‌توان دید و این تقسیم‌بندی را بیشتر می‌توان به آثار جامع هیئت، نوشته شده در سده هفتم هجری، نسبت داد. عبدالجبار خرقی در منتهی‌الإدراک، ابعاد و اجرام را در فصلی از مقاله دوم کتاب آورده است (ص ۳۹۰-۳۹۳) که مربوط به اوضاع زمین است. او در دو اثر دیگر خود، البصرة في علم الهيئة و عمدة خوارزمشاهی، این عنوان را اصلاً نیاورده است. شرف‌الدین مسعودی در جهان دانش عنوان ابعاد و اجرام را در فصل بیست و سوم از مقاله اول کتاب آورده است (ص ۱۱۶-۱۲۲) که این مقاله به اوضاع آسمان و یاد کردن از الگوهای حرکت اجرام آسمانی اختصاص دارد. چغمینی نیز در الملخص فی الهيئة موضوع ابعاد و اجرام را نیاورده است. به این ترتیب به نظر می‌رسد نخستین نویسنده‌گان آثار هیئت در باب آوردن یا نیاوردن مسئله ابعاد و اجرام اتفاق نظر نداشته‌اند. خرقی در منتهی‌الإدراک پس از اشاره مختصری که به روش محاسبه ابعاد ماه و عطارد کرده است، می‌افزاید:

و آنچه گفتیم اشاره‌ای بود در باره آنکه چگونه این مقدارها را به دست آورده‌اند و هر که بخواهد حقیقت امر را بداند باید به کتاب‌هایی که به طور خاص در باره ابعاد و اجرام نوشته شده‌اند مراجعه کند زیرا در اینجا شرح کافی برای آن نیامده است زیرا با شرح این فصل از شرط کتاب خارج می‌شویم^۱ (ص ۳۹۲).

آنچه خرقی در باره محاسبات مربوط به ماه و عطارد آورده است بسیار خلاصه است و شاید بتوان گفت به سبب همین وابستگی موضوع ابعاد و اجرام به محاسبات، در باب آوردن آنها در آثار هیئت اتفاق نظر وجود ندارد (قلندری، ص ۱۰۱). به هر صورت، فرغانی در دو فصل و کوشیار در یک فصل به موضوع ابعاد و اجرام پرداخته‌اند.^۲ در این فصل هر دو نویسنده تنها به آوردن مقادیر گزارش شده بسنده

۱. «فهذا الذي ذكرناه إشارة إلى وجه توصلهم إلى مقادير هذه الأبعاد. فمن أراد الوقوف على حقيقة الأمر فليرجع إلى اكتب المؤلفة خاصة في ذكر الأبعاد والأجرام إذ ليس هذا موضع شرحها بطريق الاستقصاء مع أننا خرجنا في شرح هذا الفصل عن شرط الكتاب.»

۲. چون مسئله ابعاد و اجرام به دانستن اندازه قطر و محیط زمین ربط مستقیم دارد معمولاً پیش از فصل ابعاد و

کرده‌اند و در باره روش محاسبه چیزی ننوشته‌اند. البته کوشیار باب مفصلی را به پایان رساله خود افزوده است که در آن در باره روش‌های محاسبه ابعاد (فاصله‌ها) سخن گفته است.

بطلمیوس در مجسٹی تنها مقدارهای مربوط به ماه و خورشید را محاسبه کرده بود اما در الاقتاصص مقدارهای مربوط به همه اجرام آسمانی را آورده و برخی از مقدارهای به دست آمده در مجسٹی را به صورت ساده‌تر گزارش کرده است. برای مثال بطلمیوس در مجسٹی (ص ۲۴۷-۲۵۱) نزدیک‌ترین و دورترین فاصله ماه را به ترتیب ۳۳؛ ۳۳ و ۶۰؛ ۶۴ جزء به دست آورده است (نیز نک: گلددشتاین،^۱ ص ۹) و در الاقتاصص آنها را به ترتیب ۳۳ و ۶۴ جزء گزارش کرده است (گلددشتاین، ص ۱۱). مشابهت مقدارهای منقول در آثار هیئت با مقدارهای بطلمیوس می‌تواند شاهد خوبی بر ادعای تأثیرپذیری ایشان در این مقوله، از آثار بطلمیوس باشد. در اینجا مقدارهای ابعاد و اجرام را در الاقتاصص بطلمیوس، جوامع علم النجوم فرغانی و مقاله سوم از زیج جامع کوشیار در چند جدول در کنار هم آورده‌ایم تا مقایسه آنها با یکدیگر ساده‌تر شود. در جدول نخست فاصله اجرام آسمانی تا زمین آمده است و در جدول دوم مقدارهای محاسبه شده برای این فاصله‌ها در مقایس میل آمده است. در ادامه جدول‌هایی حاوی مقدارهای قطر و احجام (اجرام) ماه و خورشید و دیگر سیارات در مقایسه با زمین، اگر قطر و حجم آن واحد باشد، بر پایه مقدارهای منقول در این رساله‌ها آمده‌اند.

اجرام، فصلی نیز با این موضوع می‌آمده است. این موضوع در فصل هشتم از جوامع علم النجوم و در فصل دهم از «باب فی الهيئة» مقاله سوم زیج جامع کوشیار آمده است.

1. B. Goldstein

مقاله سوم از زیج جامع کوشیار و جوامع علم النجوم فرغانی ۶۱/

جدول ۲. فاصله اجرام آسمانی تا زمین به اجزاء (قطر زمین=یک جزء)

ستارگان ثابت (بزرگترینشان)	زحل	مشتری	مریخ	خورشید	زهره	عطارد	ماه	
							نزدیکترین	دورترین
۲۰۰۰۰	۱۹۸۶۵	۱۴۱۸۹	۸۸۲۰	۱۲۶۰	۱۱۶۰	۱۶۶	۶۴	۳۳
-	۲۰۱۱۰	۱۴۴۰۵	۸۸۷۶	۱۲۲۰	۱۱۲۰	۱۶۷	۶۴؛ ۱۰	۳۳۳؛ ۳۳
۱۹۸۳۵	۱۹۸۳۵	۱۴۱۶۸	۸۷۶۴	۱۲۵۵	۱۱۶۱	۱۶۶	۶۴؛ ۱۵	۳۳؛ ۷
								کوشیار

هر چند مواردی که مقدار کوشیار به مقدار گزارش شده بطلمیوس نزدیک است، بیشتر هستند اما بهیقین نمی‌توان گفت که کدام یک بیشتر از بطلمیوس متأثر بوده است. اگر فرض رونویسی و احتمال اشتباه کتابان آثار بطلمیوس را کنار بگذاریم باید قائل به اختلاف در روش‌های محاسبه بشویم و چون فرغانی در باره روش محاسبه سخنی نگفته است، نمی‌توانیم به درستی در این باره اظهار نظر کنیم. از طرفی می‌دانیم که بطلمیوس علاوه بر ذکر این مقدارها، نسبت‌های نزدیک‌ترین به دورترین فاصله‌ها را نیز برای همه اجرام آسمانی به جز ماه نوشته است (گلستانی، ص ۱۱-۱۰، باقری و دیگران، ۲۰۱۰، ص ۱۰۱). این نسبت‌ها از این قرارند:

$$\text{عطارد: } \frac{۳۴}{۸۸}; \text{ زهره: } \frac{۱۶}{۱۰۴}; \text{ خورشید: } \frac{۲۳}{۲۵}; \text{ مریخ: } \frac{۱}{۷}; \text{ مشتری: } \frac{۲۳}{۳۷}; \text{ زحل: } \frac{۵}{۷}.$$

۱. برای نوشتن مقدارهای بطلمیوس به تحقیق گلستانی (ص ۱۱) در باره الاقتاصاص و مقاله «رسالة ابعاد و اجرام کوشیار بن لیان گیلانی» (باقری و دیگران، ۲۰۱۰، ص ۱۰۱) مراجعه کردہایم.

۲. برای نوشتن مقدارهای فرغانی اعداد دو نسخه‌ای را که در دست داشتیم، یعنی نسخه چاپ شده در سال ۱۶۶۹ و نسخه دست‌نویس ۹۶۷ کتابخانه پرینستون، مقابله کردہایم. تفاوت‌هایی میان ارقام دو نسخه وجود دارد که می‌تواند ناشی از اشتباه نسخه‌نویسان باشد.

۳. فرغانی این مقدارها را $\frac{۱}{۳} + \frac{۱}{۳}$ (برای نزدیک‌ترین) و $\frac{۱}{۶} + \frac{۱}{۶}$ (برای دورترین) نوشته است که آنها را تبدیل کردہایم. این دو مقدار همان مقدارهای محسنی هستند. این می‌تواند نشانه استفاده هم‌زمان از محسنی و الاقتاصاص توسط فرغانی باشد.

با در نظر داشتن این پیشفرض که در این محاسبه همواره دورترین فاصله جرمی که در ترتیب پایین‌تر است، نزدیک‌ترین فاصله جسم بالاتر در ترتیب است (مثلاً دورترین فاصله ماه با نزدیک‌ترین فاصله عطارد برابر است)، بنا بر این می‌توان نسبت‌ها را برای هر یک از اجرام به دست آورد و به دست می‌آید که با تقریب خوبی این نسبت‌ها یکسان هستند. حال اگر مقدار فاصله اجرام آسمانی از زمین در مقیاس میل نوشته شود (جدول ۳) که در هر دو رساله آمده است، باز هم میان مقدارهای کوشیار و فرغانی تفاوت هست اما همچنان نسبت‌ها با تقریب خوبی برقرار هستند.

جدول ۳. فاصله از زمین در مقیاس میل

فاصله از زمین در مقیاس میل در باب ۲۲ از «باب فی الهیة» از زیج جامع کوشیار		فاصله از در مقیاس میل در جouامع علم التجموم فرغانی		اجرام آسمانی
دورترین	نزدیک‌ترین	دورترین	نزدیک‌ترین	
۲۴۵/۳۰۶	۱۲۶/۴۴۰	۲۰۸/۵۴۲	۱۰۹/۰۲۶	ماه
۶۳۳/۷۸۸		۵۴۲/۷۵۰		عطارد
۴/۴۲۸/۸۸۰		۳/۶۴۰/۰۰۰		زهره
۴/۷۸۳/۹۵۴		۳/۹۶۵/۰۰۰		خورشید
۳۳/۴۶۰/۹۵۲		۲۸/۸۴۷/۰۰۰		مریخ
۵۴/۰۹۳/۴۲۴		۴۶/۸۱۶/۲۵۰		مشتری
۷۵/۷۳۰/۰۳۰		۶۵/۳۵۷/۵۰۰		زحل
۷۵/۷۳۰/۰۳۰		-		ستارگان ثابت (بزرگ‌ترینشان)

در اینجا می‌توان با تکیه به استدلال دیگری از احتمال تبدیل مقدارها با معیارهای متفاوت سخن گفت. بطلمیوس در الاقتاصص فاصله‌ها را در مقیاس اسطادیا نوشته است، بنا بر این با توجه به اختلاف مقدارهای کوشیار و فرغانی می‌توان حدس زد که معیار تبدیل اسطادیا به میل برای هر یک از آنها متفاوت بوده و به این دلیل به رغم ثابت ماندن نسبت میان فواصل، مقدارهای گزارش شده متفاوت از یکدیگر هستند.

البته با تقسیم مقدارهای گزارش شده در مقیاس میل از فرغانی و کوشیار بر مقدارهای گزارش شده در مقیاس اسطادیا از بطلمیوس به معیار تبدیل واحدی دست پیدا نمی‌کنیم، یعنی نمی‌توان گفت که هر یک از این دو از چه مقدار واحدی برای تبدیل اسطادیا به میل استفاده کرده‌اند.^۱ در نتیجه، تنها با استناد به نسبت‌های فاصله‌ها که با نسبت‌های بطلمیوس یکسان هستند می‌توان ادعا کرد که فرغانی و کوشیار در نوشتن این ارقام، به احتمال بسیار، از بطلمیوس پیروی کرده‌اند؛ البته هر دو ایشان در میان مطالب خود به این تبعیت اشاره کرده‌اند. کوشیار در ابتدای فصل ۲۲ نوشته است مقادیر ابعاد و اجرام را بر پایه «قیاسات بطلمیوس» می‌آورد و فرغانی نیز در ابتدای فصل‌های ۲۱ و ۲۲، که به ترتیب به ابعاد و سپس اجرام اختصاص دارند، می‌نویسد که بطلمیوس در کتاب خود مقادیر مربوط به ماه و خورشید را حساب کرده و در باره باقی سیارات سخن نگفته است (برگ‌های ۷۲ رو، ۷۴ رو و ۷۴ پشت). چون بطلمیوس در محسنه محاسبات مربوط به ماه و خورشید را انجام داده است، از سخن فرغانی می‌توان این طور تلقی کرد که در این موضوع او تنها به محسنه مراجعه کرده است. شاید این نیز دلیل دیگری باشد بر تفاوت مقدارهای فرغانی با مقدارهای کوشیار و بطلمیوس (نیز نک : سالی رجب،^۲ ص ۴۸-۴۹). فرغانی در باب ۲۲ می‌نویسد:

و دانستن این [منظور مقدارهای اجرام است] بر همان روش که در باره ماه و خورشید بدان عمل شد، آسان است (برگ ۷۴ پشت).^۳

شاید بتوان گفت که فرغانی در محاسبه این مقدارها مستقل از کتاب الاقتاصاص عمل کرده است و از همین رو مقدارهای او با مقدارهای کوشیار که به احتمال بسیار از این کتاب بهره برده است، متفاوت هستند.

این موضوع در باره قطرها و حجم‌ها بسیار پوشیده‌تر است. ملاک محاسبه این مقدارها نسبت به زمین آن بوده است که نخست نسبت قطر هر یک از اجرام را نسبت

۱. از تقسیم مقدارهای دورترین فاصله اجرام آسمانی در مقیاس میل بر مقدارهای بطلمیوس در مقیاس اسطادیا، واحد تبدیل اسطادیا به میل به ترتیب برای ماه، عطارد، زهره، خورشید، مریخ مشتری و زحل از این قرار به دست آمدند: فرغانی: ۱۱۳۷، ۱۱۴۱، ۱۱۷۶، ۱۱۹۷، ۱۱۴۰، ۱۰۹۷ و ۱۱۴۷؛ کوشیار: ۱۳۳۸، ۱۳۳۲، ۱۴۳۱، ۱۳۲۴، ۱۴۳۰ و ۱۳۲۹. ۱۳۲۳ و ۱۲۰۸.

2. Sally P. Ragep

۳. «ومعرفة ذلك سهل على مثل ما عمل به في الشمس والقمر.»

به خورشید می‌سنجیده‌اند (جدول ۴) که از چگونگی این کار اطلاع دقیقی نداریم. سپس چون نسبت قطر خورشید به زمین معلوم بوده است، نسبت قطر باقی اجرام به زمین به دست می‌آمده است. مقدارهایی که از الاقتاصاص و آثار کوشیار و فرغانی به دست می‌آیند از این قرارند:

جدول ۴. مقدار قطر اجرام آسمانی نسبت به قطر خورشید

سatarگان ثابت (بزرگترینشان)	زحل	مشتری	مریخ	زهره	عطارد	قطر ظاهری ماه	
$\frac{1}{20}$	$\frac{1}{18}$	$\frac{1}{12}$	$\frac{1}{20}$	$\frac{1}{10}$	$\frac{1}{15}$	$1\frac{1}{3}$	بطلمیوس
$\frac{1}{20}$	$\frac{1}{18}$	$\frac{1}{12}$	$\frac{1}{20}$	$\frac{1}{10}$	$\frac{1}{15}$	۱	فرغانی ^۱
$\frac{1}{20}$	$\frac{1}{18}$	$\frac{1}{12}$	$\frac{1}{20}$	$\frac{1}{10}$	$\frac{1}{15}$	-	کوشیار

۱. در دستنویس ۹۶۷ کتابخانه پرینستون نسبت‌های مربوط به زهره و مشتری به صورت $\frac{1}{11}$ و $\frac{1}{22}$ آمده‌اند. در اینجا این تفاوت را ناشی از اشتباه کاتب تلقی کرده‌ایم و به مقدارهای مندرج در نسخه چاپ شده در ۱۶۶۹ م اعتماد کرده‌ایم.

مقاله سوم از زیج جامع کوشیار و جوامع علم النجوم فرغانی/ ۶۵

جدول ۵. مقدار قطر اجرام آسمانی نسبت به قطر زمین (قطر زمین=۱)

ستارگان ثابت (بزرگترینشان)	زحل	مشتری	مریخ	خورشید	زهره	عطارد	ماه	
$\frac{1}{2} + \frac{1}{20}$	$\frac{1}{4} + \frac{1}{20}$	$\frac{1}{3} + \frac{1}{40}$	$\frac{1}{7}$	$\frac{1}{2}$	$\frac{1}{4} + \frac{1}{20}$	$\frac{1}{27}$	$\frac{1}{4} + \frac{1}{24}$	بطلمیوس
$\frac{1}{2} + \frac{1}{4}$	$\frac{1}{2}$	$\frac{1}{2} + \frac{1}{16}$	$\frac{1}{6}$	$\frac{1}{2}$	$\frac{1}{13} - \frac{1}{3}$	$\frac{1}{28}$	$\frac{1}{2} - \frac{1}{5}$	فرغانی
$\frac{1}{2} + \frac{1}{20}$	$\frac{1}{3}$	$\frac{1}{4} + \frac{1}{6}$	$\frac{1}{7}$	$\frac{1}{2}$	$\frac{1}{17}$	$\frac{1}{28}$	$\frac{1}{2} - \frac{1}{5}$	کوشیار

جدول ۶. مقدار حجم اجرام آسمانی نسبت به حجم زمین (حجم زمین=۱)

ستارگان ثابت (بزرگترینشان)	زحل	مشتری	مریخ	خورشید	زهره	عطارد	ماه	
$\frac{1}{6} + \frac{1}{8}$	$\frac{1}{79} - \frac{1}{2}$	$\frac{1}{82} - \frac{1}{4} + \frac{1}{10}$	$\frac{1}{2}$	$\frac{1}{166} - \frac{1}{3}$	$\frac{1}{44}$	$\frac{1}{19683}$	$\frac{1}{40}$	بطلمیوس
۱۰۷	۹۱	۹۵	$\frac{1}{2} + \frac{1}{8}$	۱۶۶	$\frac{1}{37}$	$\frac{1}{22000}$	$\frac{1}{39}$	فرغانی
$\frac{1}{5}$	$\frac{2}{81} + \frac{1}{6}$	$\frac{2}{84} + \frac{1}{4}$	$\frac{1}{2}$	$\frac{1}{166} - \frac{1}{4} - \frac{1}{8}$	$\frac{1}{34} - \frac{1}{3}$	$\frac{1}{22000}$	$\frac{1}{39} - \frac{1}{4}$	کوشیار

همان طور که می بینیم ارقام جدول (۴) هیچ تفاوتی با یکدیگر ندارند، به جز در مورد ماه، همچنین هر سه کتاب مقدار نسبت قطر خورشید را به زمین یکسان گزارش کرده اند اما باقی مقدارها که قرار است بر پایه نسبت قطر زمین به خورشید به دست

بیایند متفاوت هستند و این مسأله‌ای است که نمی‌توان در بارهٔ علت آن اظهار نظر کرد چون حداقل در این دو رسالهٔ گزارشی از روش‌های محاسبه نیامده است. با این حال یک بار دیگر نزدیکی ارقام به ارقام مندرج در الاقتصاد، می‌تواند نشانهٔ پیروی نویسنده‌گان این آثارِ متقدم هیئت از کتاب بطلمیوس باشد.

نتیجه‌گیری

بنا بر مستندات مذکور و تأکید بر این مدعاه که آغاز نگارش آثار هیئت، با توصیفی که از آنها عرضه شد، مربوط به زمانی در سدهٔ ششم هجری است، می‌توان گفت که به جز رسالهٔ فی هیئتة العالم ابن هیثم که نخستین نویسنده‌گان آثار هیئت در نظر گرفتن افلات مجسم را از آن وام گرفته‌اند و در آثار خود به آن اشاره کرده‌اند، آثار دیگری را می‌توان جُست که منبع احتمالی ایشان در نوشتن آثار هیئت و انتخاب مطالب آنها بوده‌اند. از میان رساله‌هایی که آنها را در این مقاله آثار متقدم هیئت نامیدیم، دو رسالهٔ جوامع علم النجوم و باب «فی الهیئتة» از زیج کوشیار بیش از آثار دیگر خصوصیاتی مشابه آثار هیئت بعدی دارند. از میان این دو کتاب، بر پایهٔ موارد مذکور در این مقاله، اثر کوشیار دارای ساختاری است که بیش از کتاب فرغانی آن را به آثار هیئت شبیه می‌کند و این می‌تواند شاهدی بر این مدعاه باشد که رسالهٔ کوشیار به همراه فی هیئتة العالم ابن هیثم دو منبع اصلی نویسنده‌گان آثار هیئت بوده‌اند.

پیوست

فهرست ابواب باب فى الهيئة در زیج جامع کوشیار و جوامع علم النجوم فرغانی

فصل	باب فى الهيئة در زیج جامع	جوامع علم النجوم
١	في صفة الكرة والدواير	في سنى العرب والعمج واسماء شهرهم وأيامهم واختلاف ما بين بعضها وبعض ذكر التاريـخ
٢	في جمل من هيئة السماء والأرض	في أن السماء على مثال الكرة ودورها بجميع ما فيها من الكواكب كدور الكرة
٣	في صفة الدواير العظام التي هي الأصول	في أن الأرض في جميع أجزاها من البر والبحر وأيضاً على مثال الكرة
٤	في خواص مواضع خط الاستواء	في أن الأرض مشتبة في وسط كرة السماء كالمراكز وقدرها عند قدر السماء كقدر النقطة من الدائرة
٥	في خواص المواقع التي بها للقطب ارتفاع ما إلى حيث الإرتفاع مثل الميل كله	في الحركتين الأوليين من حركات السماء ...
٦	في خواص المواقع التي ارتفاع القطب بها أكثر من الميل كله إلى حيث الارتفاع مثل تمام الميل كله	في صفة الربع المسكون من الأرض وجمل ما يعرض فيه من دور الفلك واختلاف الليل والنهر
٧	في خواص المواقع التي بها ارتفاع القطب مثل تمام الميل كله سوا	في خواص أقسام الربع المسكون وذكر المواقع التي تطلع عليها الشمس شهوراً لا تغرب وتغرب عنها شهوراً لا تطلع
٨	في خواص المواقع التي بها ارتفاع القطب أكثر من تمام الميل كله إلى حيث الارتفاع تسعون جزءاً	في مساحة الأرض وقسمة السبعة أقاليم العاشرة منها
٩	في حدود الأقاليم السبعة من العمارة الموصوفة	في أسماء البلدان والمداين المعروفة في الأرض وما في كل أقليم منها
١٠	في ذكر الطريق إلى مساحة الأرض وكمية مساحتها	في مطالع البروج واختلافها في الأفلاك المستقيمة التي هي آفاق دائرة الاستواء وفي الأفلاك المائلة التي هي آفاق الأقاليم
١١	في صفة مطالع البروج بخط الاستواء	في مقدار زمان النهار والليل واختلاف الساعات المعدلة والزمانية
١٢	في صفة مطالع البروج في الآفاق المائلة	في صفة هيئة أفلال كل كوكب من الكواكب وكميتها وتركيبها ومراتب أبعادها من الأرض

فصل	باب في الهيئة درزيج جامع	جواب علم النجوم
١٣	في صفة الساعات المستوية والزمانية ومقدار اليوم بليلته ومعنى تعديل الأيام باليالها	في تصنيف حركات الشمس والقمر والكواكب الثابتة في أفلاتها في جهة المشرق والمغرب التي تسمى حركة الطول
١٤	في ترتيب الكرات المحتوية على جملة حركات كل كواكب وعددها	في تصنيف حركات الكواكب الخمسة المتحيرة في أفلاتها في الطول
١٥	في صفة كرة الكواكب الثابتة وعدد الصور والكواكب المرصودة منها	فيما يعرض الكواكب الخمسة المتحيرة من الرجوع في سيرها في فلك البروج
١٦	في صفة الأفلات الشمس وحركاتها	في مقادير أفلات الكواكب التي تسمى أفلات التداوير عند الأفلات الخارجية المراكز وأبعاد مراكز الأفلات الخارجية المراكز من مركز الأرض
١٧	في صفة أفلات القمر وحركاتها في الطول	في أدوار الكواكب في أفلاتها وفي فلك البروج
١٨	في صفة أفلات عطارد وحركاتها في الطول	في تصنيف حركات القمر والكواكب في أفلاتها الثابتة والجارية في جهة الشمال والجنوب التي تسمى حركة العرض
١٩	في صفة أفلات الكواكب الأربع الباقيه وحركاتها في الطول	في عدد الكواكب الثابتة وتصنيفها على مقادير عظمها ووضع مواضع العظام منها إلى السماء وهي خمسة عشر كوكباً
٢٠	في صفة حركات الكواكب في العرض	في صفة الكواكب التي تسمى منازل القمر وهي شمان وعشرون منزلة
٢١	في صفة الرجوع والاستقامة	في مساحة أبعاد الكواكب الجارية والثابتة من الأرض
٢٢	في مقادير الأبعاد والأجرام وذكر الطريق إليها	في مساحة الكواكب ومقدار مساحة الأرض من مساحة كل كوكب منها
٢٣	في صفة تقدم درجة مجر الكواكب على درجة طوله وتأخرها عنها	فيما يعرض من الاختلاف بين الكواكب وبين درجاتها في منطقة فلك البروج في توسط السماء وفي الطلوع والغروب
٢٤	في صفة تقدم درجة الطلوع والغروب على درجة الطول وتأخرها عنها	في تشيرق الكواكب وتغريبيها واحتفائتها بشاعر الشمس
٢٥	في صفة التشيرق والتغريب والخفاء والظهور	في طلوع الهلال وزيادة ضوء القمر ونقاصه
٢٦	في صفة زيادة ضوء القمر ونقاصه ورؤيته	في طلوع الكواكب الخمسة من تحت شعاع الشمس

مقالة سوم از زیج جامع کوشیار و جوامع علم النجوم فرغانی / ۶۹

فصول	باب في الهيئة در زیج جامع	جوامع علم النجوم
٢٧	في صفة اختلاف منظر الكواكب القريبة من الأرض	فيما يعرض القمر والكواكب القريبة من الأرض من اختلاف المنظر
٢٨	في خسوف القمر	في كسوف الشمس
٢٩	في كسوف الشمس	في كسوف القمر
٣٠	في صفة الزمان ما بين الكسوفين	في أوقاف مقادير ما بين أوقات الكسوفات

منابع:

- آرام، احمد. (١٣٤٦ش). «ترجمه سی فصل فرغانی (كتاب محمد بن کثیر فرغانی در حرکات آسمانی و کلیات نجوم)». معارف اسلامی، شماره ٤. تهران.
- ابن ابی اصیبعة. (١٢٩٩ق). طبقات الأطباء. به کوشش اگوست مولر. قاهره.
- ابن تغزی بردى، یوسف. (١٣٩٢ق). النجوم الزاهرة في ملوك مصر والقاهرة. قاهره: وزارة الثقافة والارشاد القومي.
- ابن دایه، احمد بن یوسف. كتاب المكافأة. به کوشش محمود محمد شاکر. بیروت: دار الكتب العلمية.
- ابن رسته. (١٨٩٢م). الأعلاق النفيسة. لیدن: بریل.
- ابن عبری، غریغوریوس. (١٨٩٠م). تاريخ مختصر الدول. به کوشش انطون صالحانی. بیروت: دارالمشرق.
- ابن ندیم. (١٣٥٠ش). الفهرست. به کوشش رضا تجدد. تهران.
- امینی، حسن. (١٣٨٧ش). الرسالة المعینیة: تصحیح و تحقیق. پایان نامه برای دریافت درجه کارشناسی ارشد تاریخ علم (گرایش نجوم در جهان اسلام). پژوهشکده تاریخ علم دانشگاه تهران.
- بیرونی، ابو ریحان. (١٩٦٢م). تحديد نهایات الأماكن لتصحیح مسافات المساکن. به کوشش بولگاکوف. قاهره. (تجدید چاپ در الجغرافیا الإسلامية، به کوشش فؤاد سزگین، ج ٢٥، فرانکفورت، ١٤١٣ق/ ١٩٩٣م).
- . (١٣٦٧ش). التمهیم لأوائل صناعة التنجیم. به کوشش جلال الدین همایی. تهران: مؤسسه نشر هما.
- . (١٨٨٧م). تحقیق مالله‌ند. به کوشش ادوارد زاخاو. لندن. (تجدید چاپ در الجغرافیا الإسلامية، به کوشش فؤاد سزگین، ج ١٠٥، فرانکفورت، ١٤١٣ق/ ١٩٩٣م).
- . (١٩٣٦م). رسالة للبیرونی فی فهرست کتب محمد بن زکریاء الرازی. تصحیح کراوس. پاریس: مطبعة القلم.
- چغمینی، الملخص فی الہیئتہ، نسخہ خطی شماره ٢٨٤٨ مجلس شورای اسلامی.
- خرقی، عبدالجبار. عمدة خوارزمی مشاهی. نسخہ خطی شماره ٤٤٦٧ انسٹیتوی شرق‌شناسی تاشکند.
- . منتهی الإدراک فی تقاسیم الأفلاک. (نک: همین مآخذ: قلندری).
- خواجه نصیرالدین طوسی، التذکرة فی علم الہیئتہ (نک: مآخذ انگلیسی: Ragep).
- . الرسالة المعینیة. (نک: همین مآخذ: امینی).
- شهمردان بن ابی الخیر رازی. (١٣٦٢ش). تزهیت نامه علایی. به تصحیح دکتر فرهنگ جهانپور. تهران: مؤسسه مطالعات و تحقیقات فرهنگی.

- فرغانی. (۱۶۶۹م). جوامع علم النجوم و اصول الحركات السماوية. چاپ به همراه ترجمه و شرح لاتینی از یاکوب گولیوس. آمستردام. (تجدید چاپ در سری الرياضيات الإسلامية و الفلک الإسلامية. ج ۹. به کوشش فؤاد سزگین. فرانکفورت. ۱۴۱۸ق/ ۱۹۹۷م).
- همان. نسخه خطی شماره ۱۳۵L کتابخانه دانشگاه پرینستون.
- قاضی صاعد اندلسی. (۱۳۷۶ش). التعريف بطبقات الأم. با مقدمه و تصحيح غلام رضا جمشیدنژاد اول. تهران: مرکز نشر میراث مکتب.
- قططی. (۱۹۰۳م). تاريخ الحكماء. به کوشش یولیوس لیپرت. لاپزیگ.
- قلندری، حنیف. (۱۳۹۱ش). بررسی سنت نگارش هیئت در دوران اسلامی به همراه تصحیح، ترجمه، شرح و پژوهش تطبیقی کتاب منتهی الإدراک فی تقاسیم الأفلاک نوشته بهاءالدین خرقی. رساله برای دریافت درجهٔ دکتری در رشتهٔ تاریخ علم دورهٔ اسلامی، پژوهشگاه علوم انسانی و مطالعات فرهنگی. تهران.
- کرامتی، یونس. (۱۳۹۱ش). «جوامع علم النجوم»، فرهنگ آثار ایرانی-اسلامی، ج ۳، تهران: سروش.
- کوشیار گیلانی. زیج جامع. نسخه شماره ۷۸۴/۳ کتابخانهٔ یونی جامع استانبول.
- کینگ، دیوید. (۱۳۹۴ش). «چشم‌انداز نجوم دوره اسلامی». ترجمة راضیه سادات موسوی. میراث علمی، سال چهارم (شماره اول). ص ۲۰-۵۴.
- گمینی، امیر محمد. (۱۳۹۵ش). «گستره و تنوع آثار هیئت در تمدن اسلامی». تاریخ علم. شماره ۱۵ (دوره ۱۱، شماره ۲).
- مسعودی، شرف الدین. (۱۳۸۲ش). جهان دانش. مقدمه، تحقیق و تصحیح از جلیل اخوان زنجانی. تهران: مرکز نشر میراث مکتب.
- معصومی همدانی، حسین. (۱۳۸۷ش). «ثابت بن قره». دائرة المعارف بزرگ اسلامی. زیرنظر کاظم موسوی بجنوردی، ج ۱۶. تهران. ص ۷۴۰-۷۵۶.
- Abdukhaliqov, B. (1999). "Ahmad al-Farghani and his Compendium of Astronomy." *Journal of Islamic Studies* 10(2). pp. 142-158
- Bagheri, M. (2009). *Books I and IV of Kūshyār ibn Labbān's Jāmi' Zīj*. Frankfurt.
- Bagheri, M. & J.P. Hogendijk & M. Yano. (2010-2011). "Kūshyār ibn Labbān Gilānī's Treatise on the Distances and Sizes of the Celestial Bodies." *Zeitschrift für Geschichte der Arabisch-Islamischen Wissenschaften*. Band 19. pp. 77-120.
- DeYoung, G. (2007). "Farghanī." *The Biographical Encyclopedia of Astronomers*. Ed. By Thomas Hockey et al. New York: Springer.

- Goldstein, B. R. (1967). "The Arabic Version of Ptolemy's Planetary Hypothesis." *Transaction of the American Philosophical Society*. Philadelphia, vol.LVII (part4).
- Kennedy, E.S. (1956). "A Survey of Islamic Astronomical Tables." *Transactions of the American Philosophical Society*. Vol. 46 (2).
- Langermann, Y. T. (1990). *Ibn al-Haytham's On the Configuration of the World*. London: Garland publishing.
- Morelon, R. (1987). *Thābit ibn Qurra: Oeuvres d'Astronomie*. Paris.
- . (1993). "La version arabe du Livre des Hypothèses de Ptolémée." (Première partie), *MIDEO*. Vol.21. pp. 7-85.
- Pingree, D. (1968). "The Fragments of the Works of Ya'qūb ibn Tāriq." *Journal of Near Eastern Studies*. vol.27, pp. 97-125.
- Ptolemy. (1998). *Almagest*. Translated and Annotated by G.J. Toomer. London.
- Ragep, F. J. *Naṣīr al-Dīn al-Tūsī's Memoir on Astronomy (al-Tadhkira fī 'ilm al-hay'a)*, New York, 1993.
- Rosenfeld, B.A. and E. Ihsanoglu. (2003). *Mathematicians, Astronomers, and Other Scholars of Islamic Civilization and their Works (7th-19th c.)*. Istanbul.
- Sabra, A. I. (1976). "al-Farghānī." *Dictionary of Scientific Biography*. Edited by Charles Gillispie. vol.4. New York: Charles Scribner's Sons.
- Sally P. Ragep. (2016). *Jaghmīni's Mulakhkhaṣ*. Springer.
- Suter, H. [J. Vernet.] (1991)."al-Farghānī." *Encyclopedia of Islam* (2nd ed.) Leiden: Brill.